

アルゴリズムとデータ 構造

第3回補足 連結リスト

(基本的なデータ構造(リスト、スタック、
キュー))

今日の内容: 連結リスト

- 連結リスト(一方向リスト)の実装の詳細を学ぶ
 - 通常のheadが要素セルの列を指すやりかただと, 先頭セルかその他の場合かで, 挿入と削除に注意が必要.
 - 実際に使われている実装法
- 工夫: 先頭にダミーセルを入れる
 - 各種の挿入・削除演算が統一的にかける
 - セルの位置=そのセルの一つ前のセルのポインタをもつ
 - 先頭への挿入(addFirst)=ダミーセルの次に新セルを挿入する
 - 挿入(insert) =セルポインタの次に新セルを挿入する
 - 削除(delete) =セルポインタの次のセルを削除する
- 注意: 双方向リストの場合は, ダミーセルは不要

リスト



リストとは

- 要素を0個以上1列に並べたもの
- 要素の(途中への)追加, 削除, 検索等の演算をもつ
- いろいろな実装法がある

リストに対する操作

- **INSERT**(x, p, L) : リスト L (要素数 n)の位置 p の次の位置に要素 x を挿入
- **DELETE**(p, L) : リスト L の位置 p の次の位置の次の要素を削除
- **FIND**(i, L) : リスト L の i 番目のセルの内容を返す
- **LAST**(L) : リスト L の最後のセルの位置を返す
- **PREVIOUS**(p, L) : リスト L において、位置 p の1つ前のセルの位置を返す

リスト



リストとは

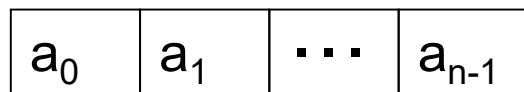
要素を0個以上1列に並べたもの

(注意)リストは連結リストを指すことが多い

[リスト a_0, a_1, \dots, a_{n-1} の実現法]

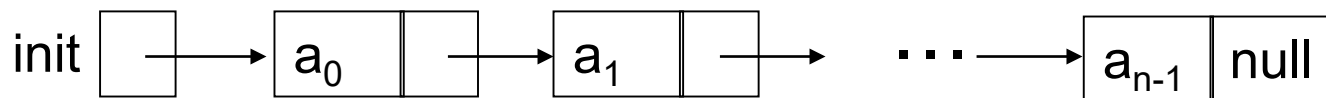
1. 配列(array)

n 個の連続領域に格納



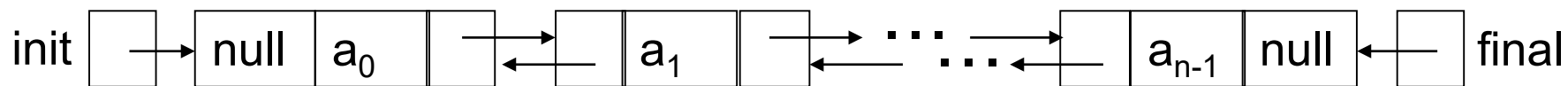
2. 連結リスト(linked list)

ポインタで次の要素の格納領域を指す



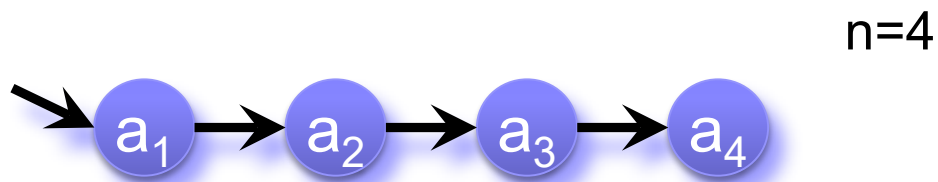
3. 双方向連結リスト(doubly linked list)

ポインタで前後の要素の格納領域を指す

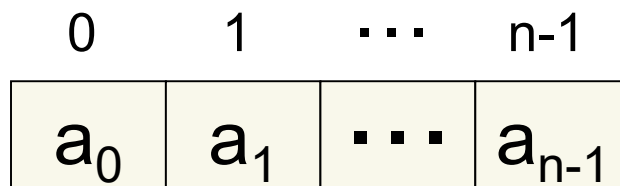


リスト:

■ 配列(array)による実装



1. 配列(array)



n個の連続領域に格納

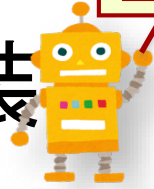
コード例: % 100個の整数 $a[0], a[1], \dots, a[99]$ からなる配列

```
int A[100];
```

静的割付

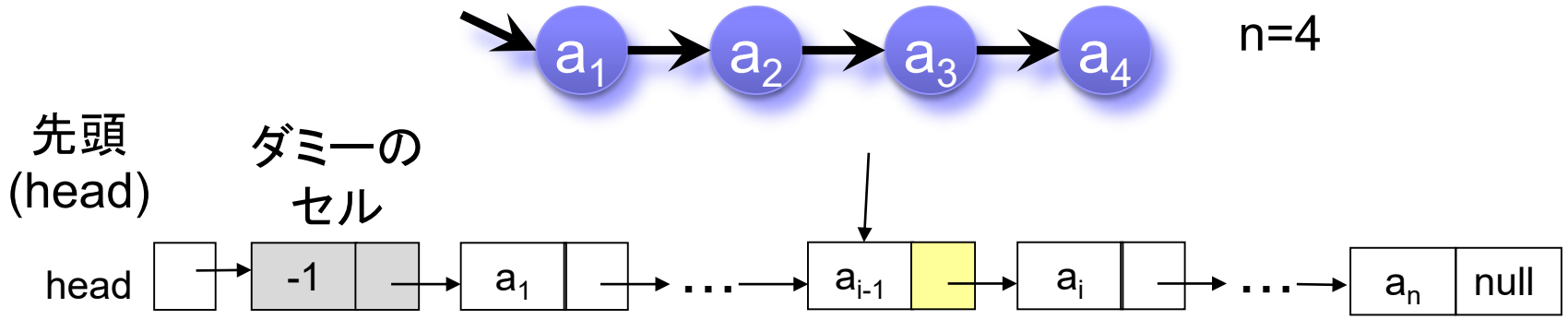
```
int *A = (int *)malloc(sizeof(int)*100);
```

動的割付



リスト: 連結リスト(linked list)による実装

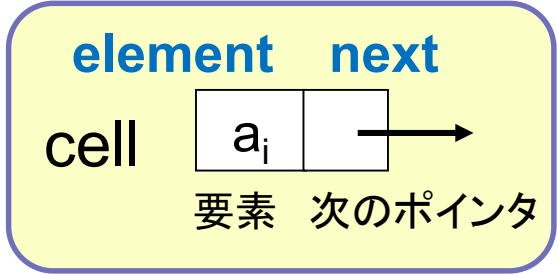
- 要素を保持する「セル」をポインタでつないで, リストを表す.
- 途中への挿入削除を効率良く実行できる



セル*の構造体 (C言語のコード)

```
typedef struct _cell {
    int element;
    struct cell *next;
} cell;
```

セル* (箱図)

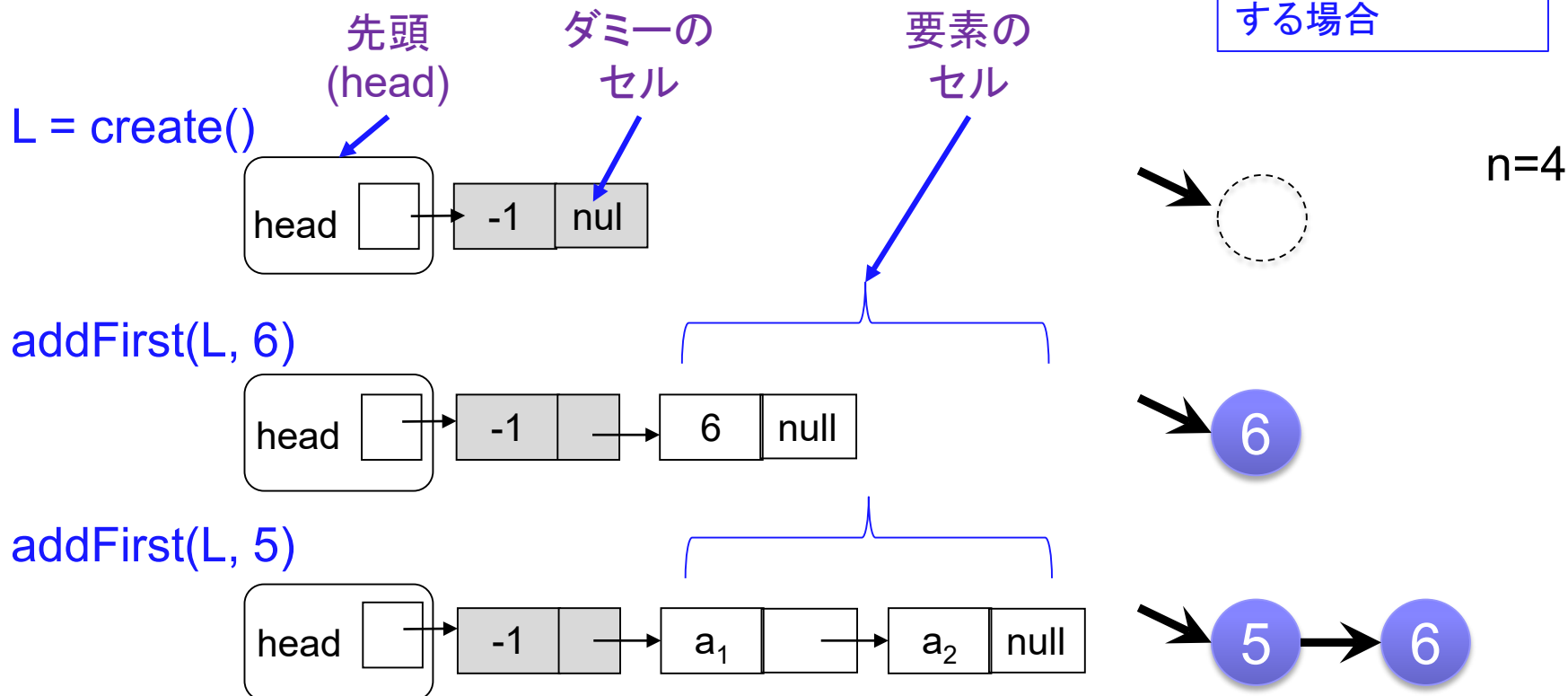


*セル = 区切られた箱や部屋の構造

リスト: 連結リスト(linked list)による実装

- 要素を保持する「セル」をポインタでつないで, リストを表す.
- 途中への挿入削除を効率よくで行える
- 工夫として, 先頭にダミーのセルを入れる

例: `addFirst(L, a)` がリストLの先頭に要素を追加する場合



注) `addFirst`では, 新しいセルがダミーの次の位置に挿入される
アルゴリズムとデータ構造

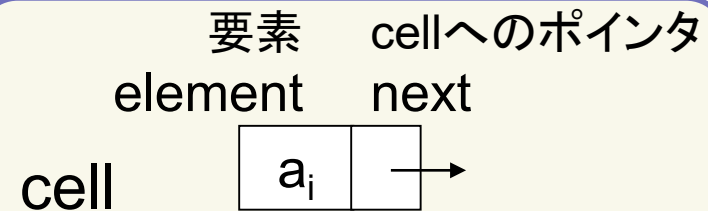
C言語によるリストの定義(1/3)

連結リスト

```
typedef struct _cell {  
    int element;  
    struct cell *next;  
} cell;
```

```
typedef struct _list {  
    cell *head;  
} list;
```

```
list *create() {  
    list *L = (list *)malloc(sizeof(list));  
    L->head = (cell *)malloc(sizeof(cell));  
    L->head->next = NULL;  
    L->head->element = -1;  
    return L;  
}
```



struct cell {...}: 構造体cellを...と定義

typedef ... cell: ...をデータタイプcell型として定義

initはcell型データを指すポインタ型

sizeof(cell): cell型のデータサイズ(バイト)

malloc(n): nバイトのメモリを確保

(cell *)malloc(n): 確保したnバイトの領域をcell型データ格納領域とみなす。

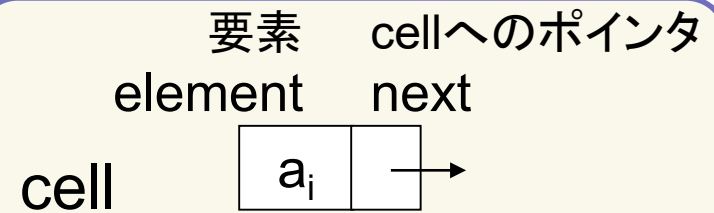
C言語によるリストの定義(2/3)

連結リスト

```
typedef struct _cell {  
    int element;  
    struct cell *next;  
} cell;
```

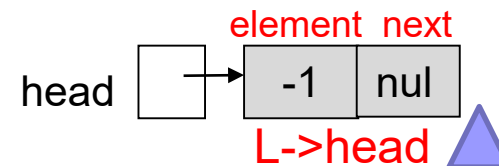
```
typedef struct _list {  
    cell *head;  
}
```

```
list *create() { //空リストを生成して返す  
    list *L = (list *)malloc(sizeof(list));  
    L->head = (cell *)malloc(sizeof(cell));  
    L->head->next = NULL;  
    L->head->element = -1;  
    return L;  
}
```



先頭 (head) ダミーのセル

L = create()の直後

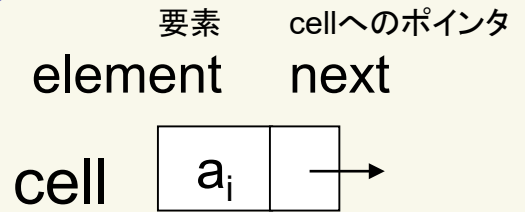


C言語によるリストの定義(3/3)

連結リスト

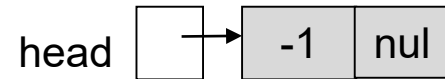
```
list *create() {  
    list *L = (list *)malloc(sizeof(int));  
    L->head = (cell *)malloc(sizeof(int));  
    L->head->next = NULL;  
    L->head->element = -1;  
    return L;  
}
```

```
//リストの先頭に要素を挿入する  
void addFirst(list *L, int element) {  
    cell *add = (cell *)malloc(sizeof(cell));  
    add->element = element;  
    add->next = L->head->next;  
    L->head->next = add;  
}
```

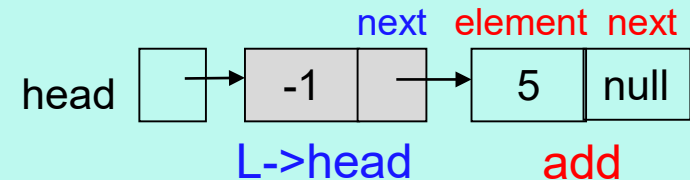


先頭 (head) ダミーのセル

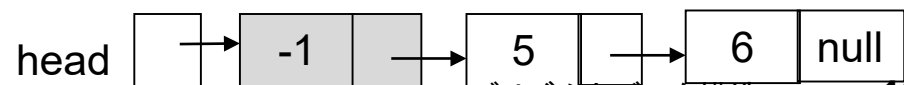
L = create()の直後



addFirst(L, 5)の直後



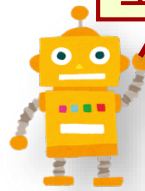
addFirst(L, 6)の直後



連結リストが得意な処理(挿入)

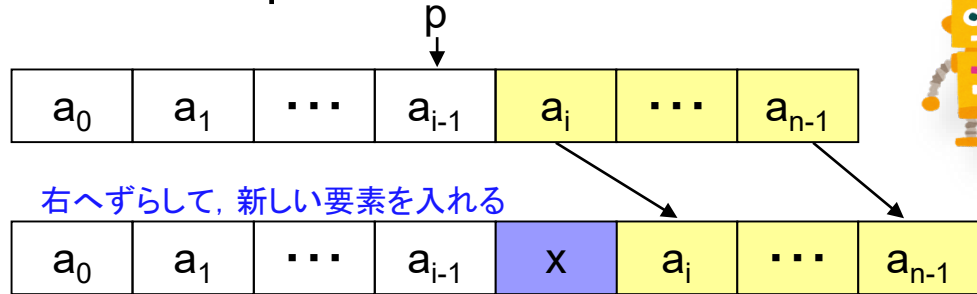
INSERT(x,p,L) : リストL(要素数n)の位置pの次の位置に要素xを挿入

重要

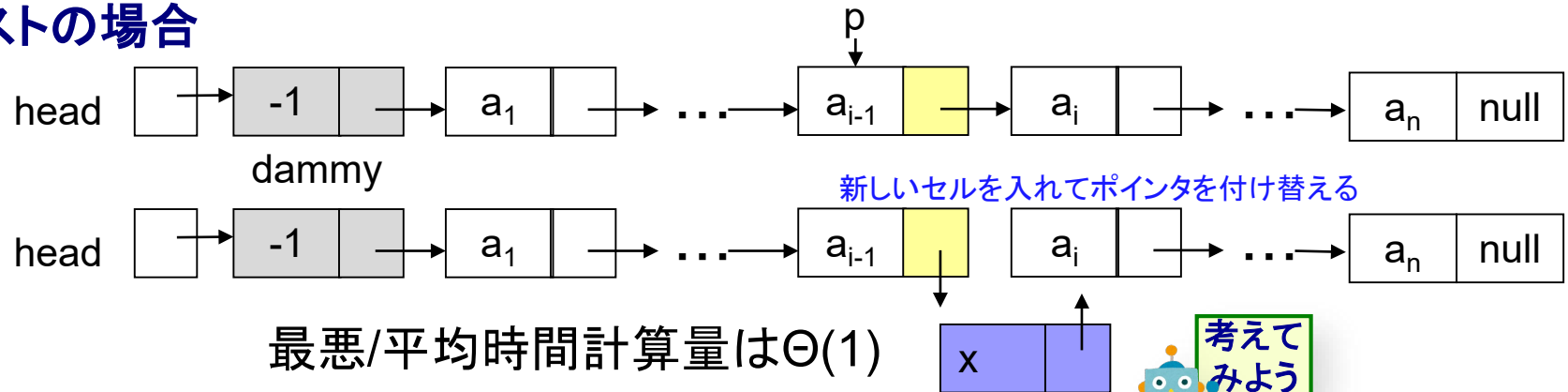


配列の場合

最悪/平均
時間計算量は $\Theta(n)$

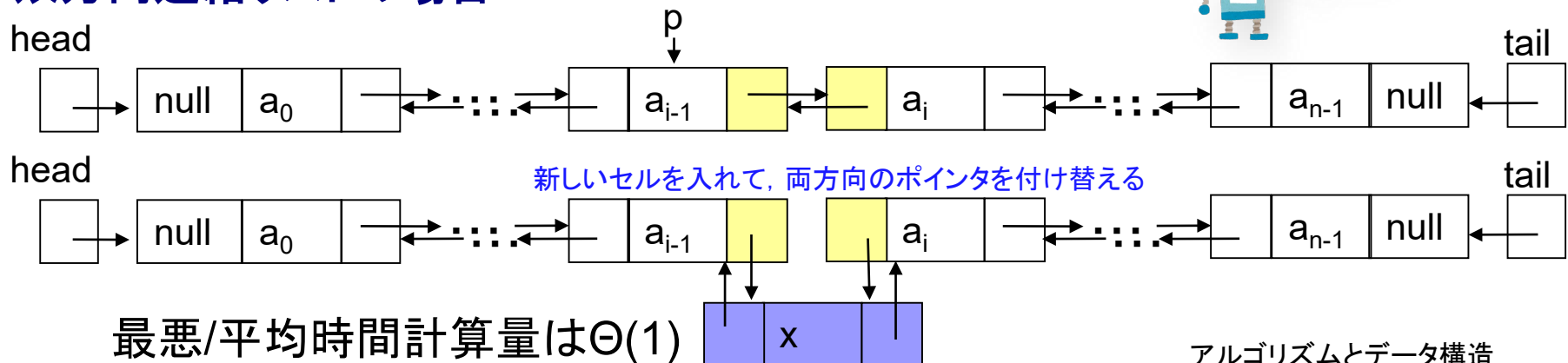


連結リストの場合



最悪/平均時間計算量は $\Theta(1)$

双方向連結リストの場合



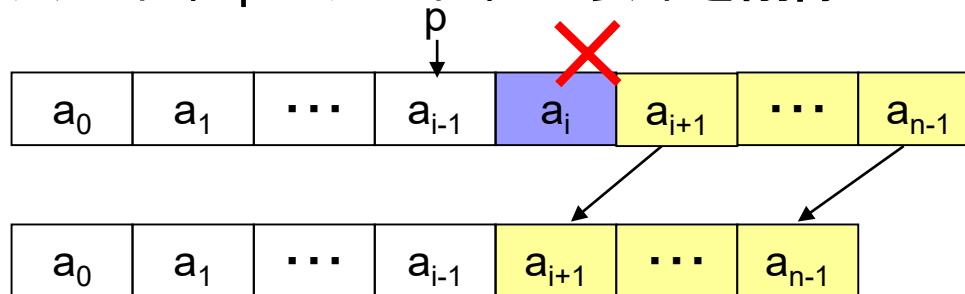
最悪/平均時間計算量は $\Theta(1)$

連結リストが得意な処理(削除)

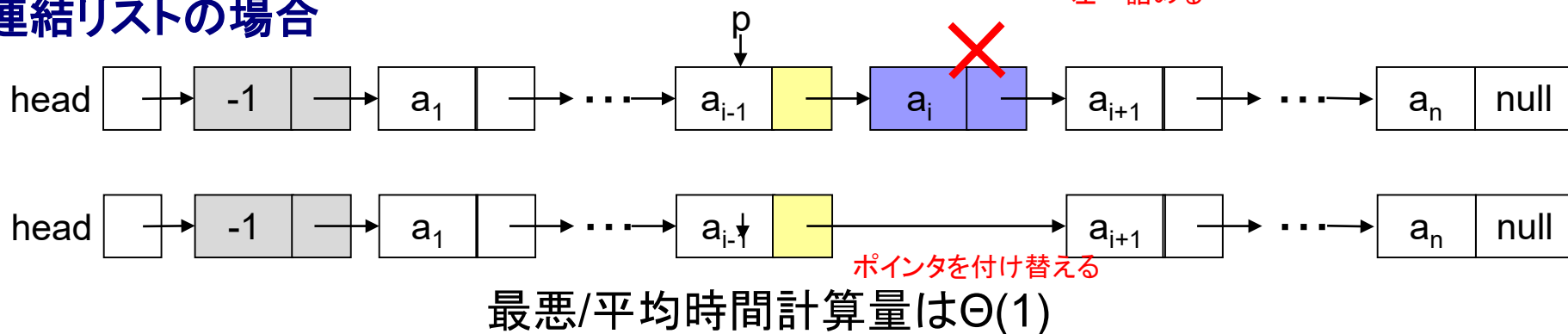
DELETE(p,L) : リストL(要素数n)の位置pの次の位置の要素を削除

配列の場合

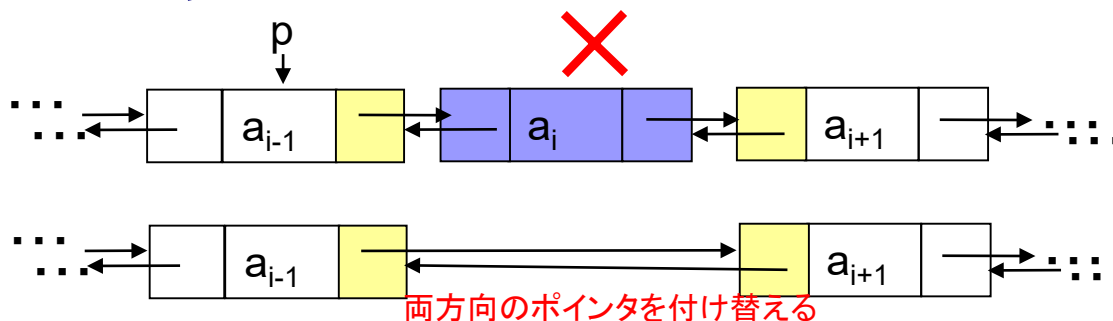
最悪/平均
時間計算量は $\Theta(n)$



連結リストの場合



双方向連結リストの場合



最悪/平均時間計算量は $\Theta(1)$

まとめ

- 連結リストの実装の詳細を学んだ
 - 通常のheadが要素セルの列を指すやりかただと, 先頭セルかその他の場合かで, 挿入と削除に注意が必要.
- 工夫: 先頭にダミーセルを入れる
 - 各種の挿入・削除演算が統一的にかける
 - セルの位置 = そのセルの一つ前のセルのポインタをもつ
 - 先頭への挿入(addFirst) = ダミーセルの次に新セルを挿入する
 - 挿入(insert) = セルポインタの次に新セルを挿入する
 - 削除(delete) = セルポインタの次のセルを削除する
- 双方向リストの場合は, ダミーセルは不要